

SCA 7043 - Météorologie synoptique

## Equation thermodynamique

Le lundi 24 octobre 2016



# Objectifs

- Les trois lois de conservation :
  - 1 Quantité de mouvement :  $m\vec{a} = \Sigma \vec{F}_a \rightarrow$  Equations de  $\vec{V}$
  - 2 Masse :  $dm / dt = 0 \rightarrow$  Equation de la continuité
  - 3 Energie :  $dq = c_p dT - \alpha \cdot dp$
- Utiliser l'équation d'évolution locale de la température pour :
  - 1 Comprendre la physique responsable du changement local de la température
  - 2 Comprendre la stabilité verticale de l'atmosphère
  - 3 Analyser l'évolution locale de la stabilité verticale

## Rappel

En utilisant l'équation de l'énergie, on démontre facilement :

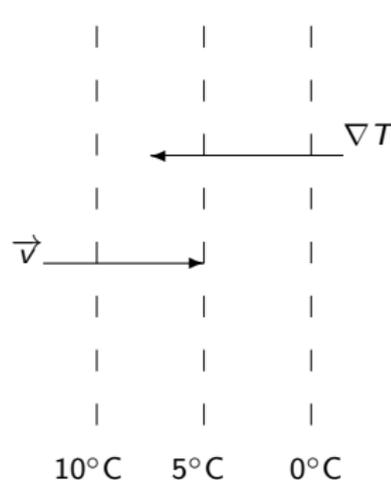
$$\frac{\partial T}{\partial t} = - \underbrace{\vec{v} \cdot \nabla_h T}_1 + \underbrace{\left( \frac{\alpha}{c_p} - \frac{\partial T}{\partial p} \right) \omega}_2 + \underbrace{\frac{\dot{q}}{c_p}}_3$$

où

- 1 Terme d'advection de température
- 2 Terme adiabatique
- 3 Terme diabatique

Comment relier ces équations aux outils météorologiques ?

## Rappel : Advection chaude de T

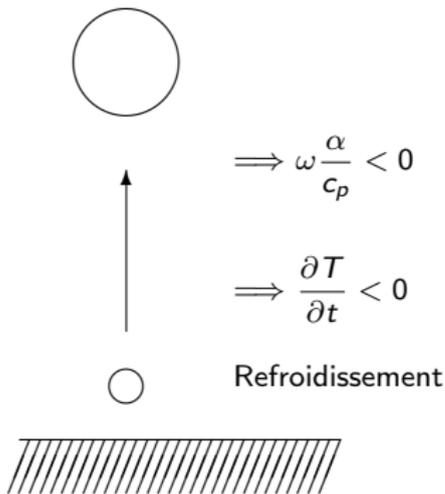

$$\begin{aligned} -\vec{V} \cdot \nabla_h T &= -|\vec{V}||\nabla_h T| \cos \alpha \\ &= -|\vec{V}||\nabla_h T| \cos(180^\circ) \\ &> 0 \\ &\Rightarrow \frac{\partial T}{\partial t} > 0 \end{aligned}$$

Remarque : L'advection de température  $\implies$  vent horizontal.

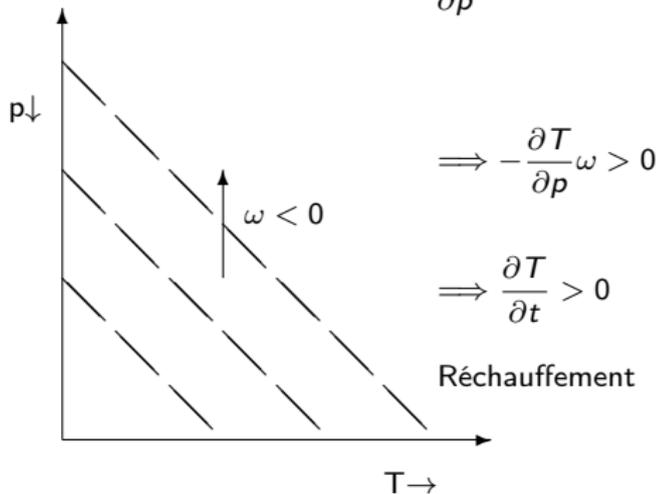
# Rappel : Mouvement ascendant $\rightarrow \omega < 0$

$$\sigma_p = \left( \frac{\alpha}{c_p} - \frac{\partial T}{\partial p} \right) > 0$$

A. Expansion adiabatique



B. Advection verticale de T  $\rightarrow \frac{\partial T}{\partial p} > 0$



# Dépression sur le Nord Est de l'Amérique du Nord

Analyse du changement de température causé par le terme 1 et 2 dans la région du Québec

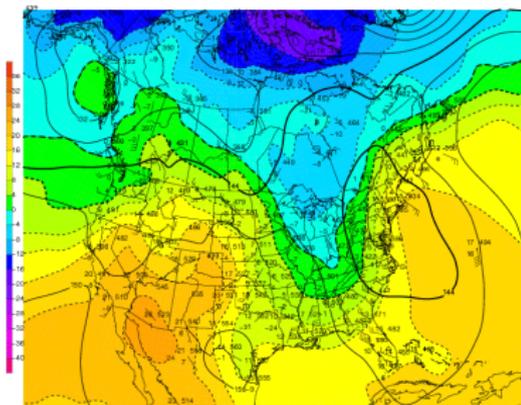
- 00 UTC 22 Oct 2016
- 00 UTC 23 Oct 2016

Outils :

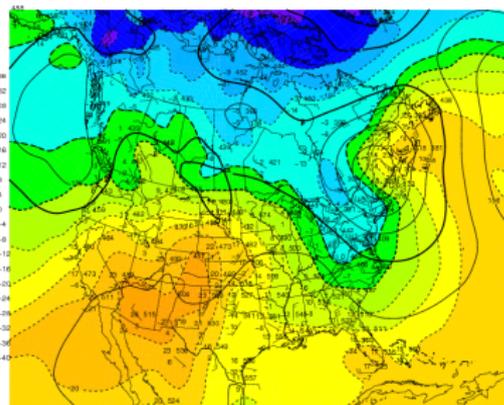
- Terme 1 : Carte à 850 hPa
- Terme 2 : Skew-T
- Terme 3 : Négligé

# Carte à 850 hPa

Analyse du changement de température causé par le terme 1 dans la région du Québec - Carte à 850 hPa



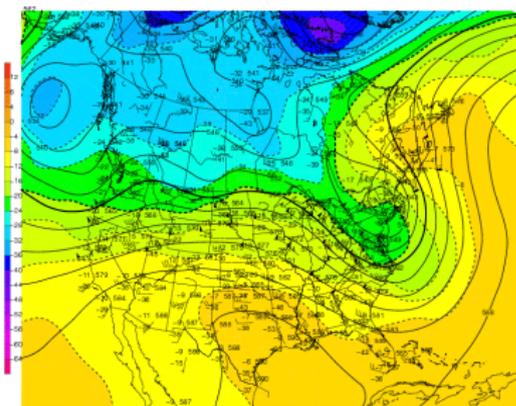
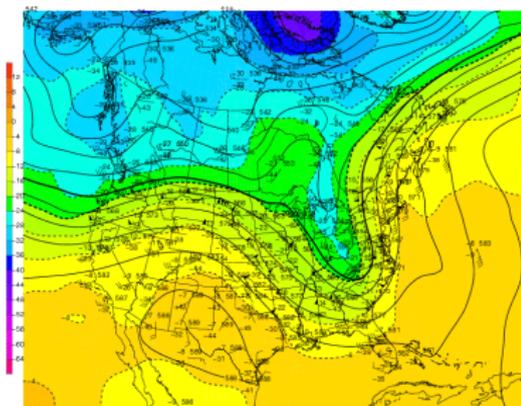
850 hPa <http://geop.h.pov1f10220000> <http://meteoosm.com/>



850 hPa <http://geop.h.pov1f10220000> <http://meteoosm.com/>

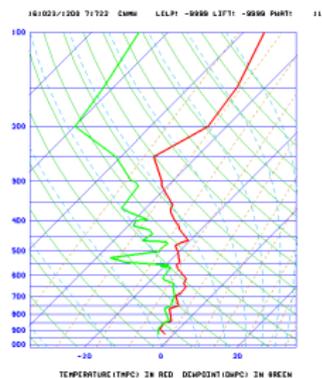
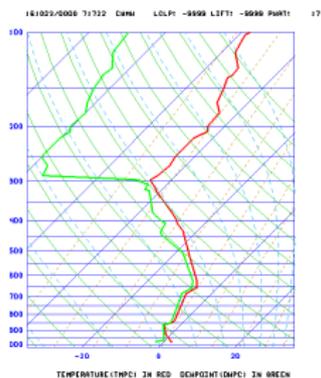
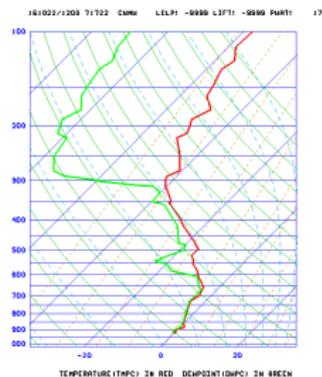
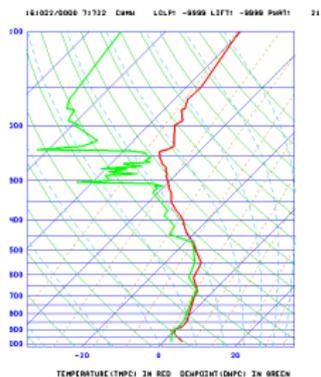
# Carte à 500 hPa

Analyse du changement de température causé par le terme 1 dans la région du Québec - Carte à 500 hPa



# SKEW-T a MANIWAKI, QC

Analyse du changement de température causé par le terme 2



# Dépression sur la côte est américaine

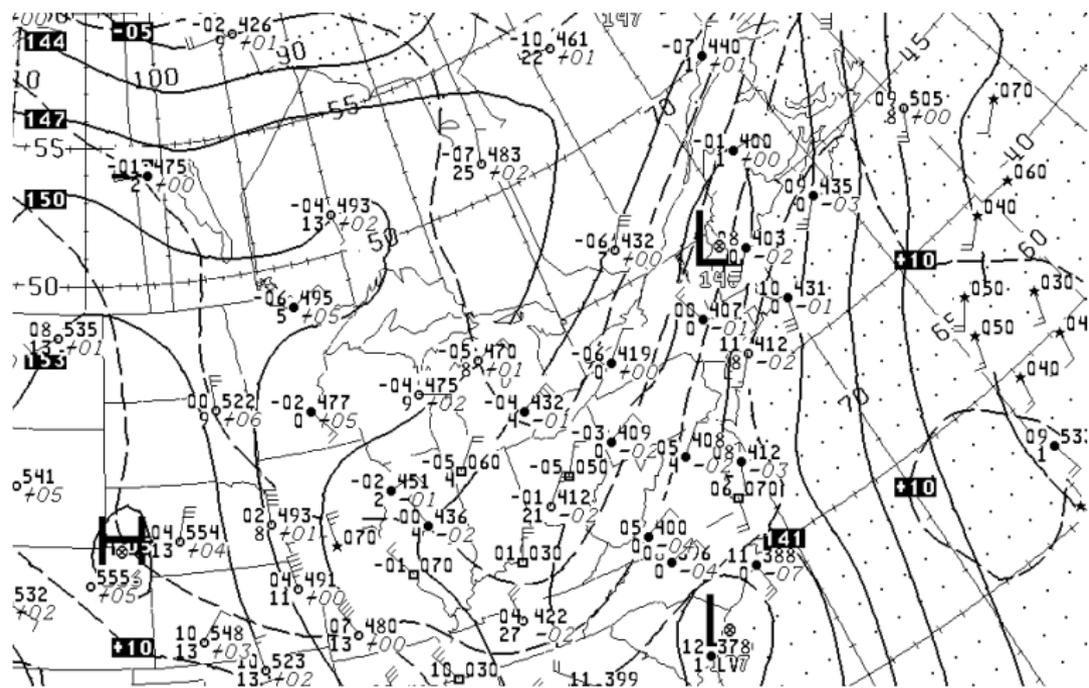
Analyse du changement de température causé par le terme 1 et 2 dans la région de New York City à

- 1200 UTC 22 avril 2012
- 0000 UTC 23 avril 2012

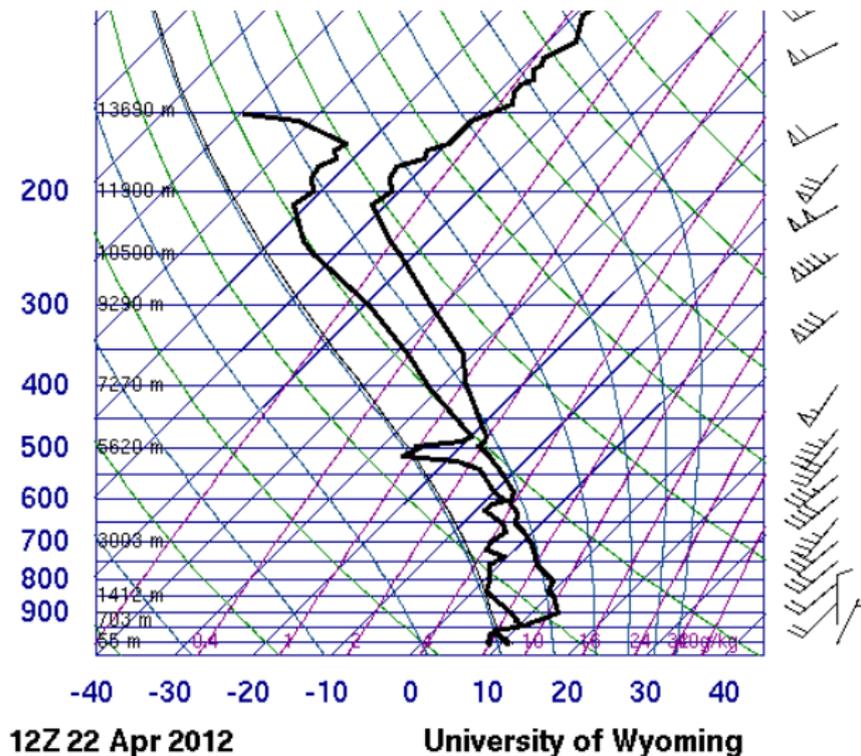
Outils :

- Terme 1 : Carte à 850 hPa
- Terme 2 : Skew-T
- Terme 3 : Négligé

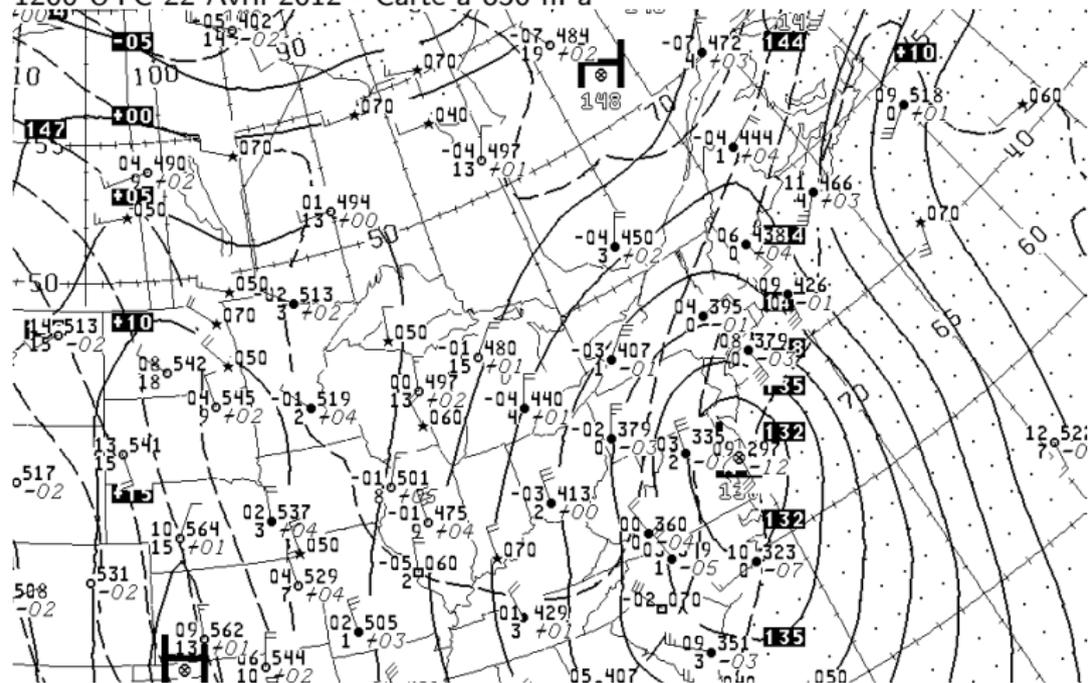
1200 UTC 22 Avril 2012 - Carte à 850 hPa



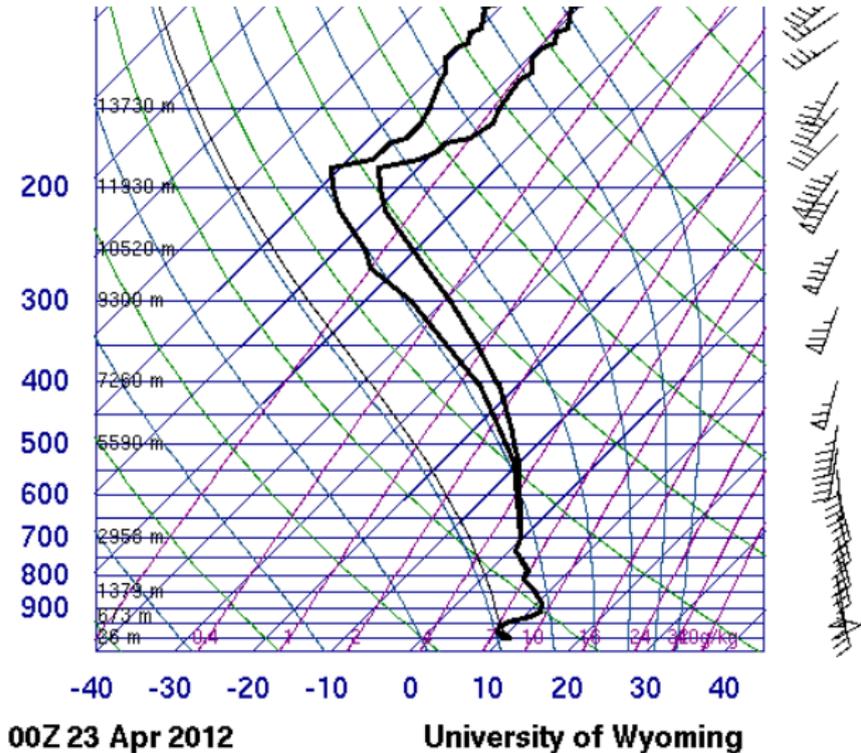
1200 UTC 22 Avril 2012 - 72501 OKX Upton - SkewT



1200 UTC 22 Avril 2012 - Carte à 850 hPa



1200 UTC 22 Avril 2012 - 72501 OKX Upton - SkewT



0000 UTC

1200 UTC

Terme 1

Terme 2

- Quelle est le signe de  $\omega$  si la température serait restée constante ?
- On remarque que la couche d'air autour de 850 hPa est devenue moins stable. Pourquoi ?

# La Stabilité Statique de l'air

On étudie la stabilité à partir de la température potentielle  $\theta$

$$\theta = T \left( \frac{P_0}{P} \right)^{R/C_p}$$

En combinant cette équation et celle des gaz parfaits, on démontre que :

$$\frac{\partial \theta}{\partial p} = \theta / T \left( \frac{\partial T}{\partial p} - \frac{\alpha}{c_p} \right)$$

Le stabilité se résume assez souvent à étudier le signe de  $\left( \frac{\partial \theta}{\partial p} \right) \equiv - \left( \frac{\partial \theta}{\partial z} \right)$  :

- 1 Stabilité absolue si  $\left( \frac{\partial \theta}{\partial p} \right) < 0$
- 2 Instabilité absolue si  $\left( \frac{\partial \theta}{\partial p} \right) > 0$
- 3 Stabilité conditionnelle si  $\left( \frac{\partial \theta}{\partial p} \right) = 0$

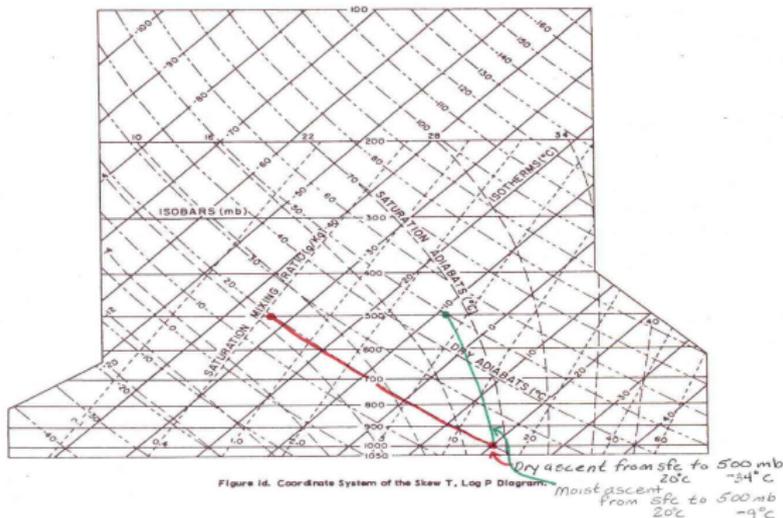
# La stabilité Statique

Quelle est la stabilité moyenne de l'atmosphère : Examiner le Signe de

$$\frac{\partial \theta}{\partial p} = \theta / T \left( \frac{\partial T}{\partial p} - \frac{\alpha}{c_p} \right)$$

# La stabilité Statique

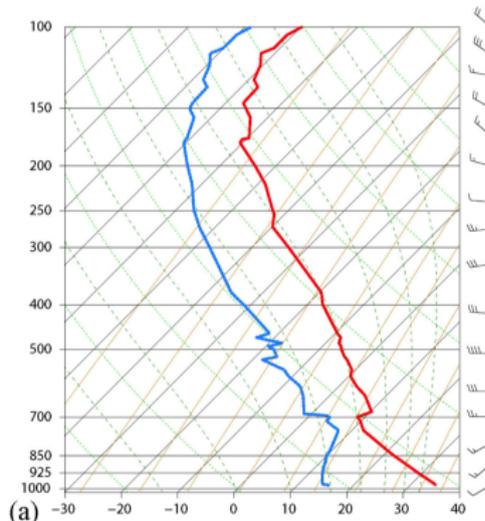
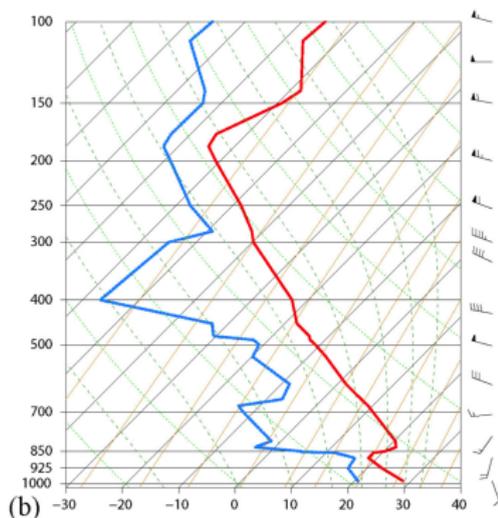
Sur un Skew-T comment trouve t-on rapidement la stabilité des couches ?



Méthode simple : Pour chaque couche, Analyser la pente de la courbe d'état par rapport à celle de l'adiabatique sèche et celle de la pseudo-adiabatique

# La stabilité Statique

Analyser/comparer la stabilité des deux atmosphères ci-dessous :



Reconnaitre entre autre :

- 1 Les inversions thermique
- 2 La hauteur de la PBL
- 3 Le cisaillement

## Rappel : Changement de stabilité d'une couche d'air

En considérant un écoulement adiabatique  $\left(\frac{d\theta}{dt} = 0\right)$  à l'échelle synoptique, c-a-d :  $\frac{\partial\theta}{\partial t} + \vec{v} \cdot \nabla\theta = 0$ , on montre que le changement de stabilité dans une couche d'air s'écrit :

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial\theta}{\partial p} \right) = \underbrace{-\frac{\partial\vec{V}_h}{\partial p} \cdot \nabla\theta}_1 + \underbrace{\nabla \cdot \vec{V}_h}_{2} \left( \frac{\partial\theta}{\partial p} \right)$$

Étant donné que généralement sur l'échelle synoptique  $\frac{\partial\theta}{\partial p} < 0$  :

- $\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial\theta}{\partial p} \right) > 0$  : indique que la couche d'air se déstabilise (la variation de température verticale se rapproche de  $\Gamma_d$ )
- $\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial\theta}{\partial p} \right) < 0$  : indique que la couche d'air se stabilise (la variation de température verticale s'éloigne de  $\Gamma_d$ )

## Rappel : Changement de stabilité d'une couche d'air

En considérant un écoulement adiabatique  $\left(\frac{d\theta}{dt} = 0\right)$  à l'échelle synoptique, c-a-d :  $\frac{\partial\theta}{\partial t} + \vec{v} \cdot \nabla\theta = 0$ , on montre que le changement de stabilité dans une couche d'air s'écrit :

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial\theta}{\partial p} \right) = \underbrace{-\frac{\partial\vec{V}_h}{\partial p} \cdot \nabla\theta}_1 + \underbrace{\nabla \cdot \vec{V}_h}_{2} \left( \frac{\partial\theta}{\partial p} \right)$$

- 1 Advection de la température potentielle par le vent thermique
- 2 Divergence du vent horizontal



SkewT - 0000 UTC 23 Avril 2012 - 72501 OKX Upton

